



1.- Dada la función $f(x, y) = \sqrt{x^2 - 2} + \sqrt{y^2 - 2}$

1. Representar gráficamente su dominio y explicar si es un conjunto abierto o cerrado.
2. Escribir el conjunto de sus puntos interiores y el conjunto de sus puntos frontera.
3. Calcular el valor máximo de la derivada de la función en el punto $P(2, \sqrt{3})$.

(1.5)

2.- Hallar los extremos absolutos y relativos de la función $f(x, y) = x^2 + y^2 + x^2y + 4$ sobre el conjunto $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \text{ t.q. } 0 \leq x \leq 2, -2 \leq y \leq 0\}$

(2)

3.- Calcular las integrales siguientes:

1. $\iint_D 2x \, dx \, dy$, donde $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \text{ t.q. } x^2 + y^2 \leq 2y, y \leq x\}$

2. $\int_{(2,2,0)}^{(1,1,2)} (2xz^3 + 2ay) \, dx + (2ax - 2yz) \, dy + (ax^2z^2 - y^2) \, dz$, con la condición de que sea independiente del camino.

(2)

4.- Resolver las ecuaciones diferenciales siguientes:

1. $4x - 3y + (3x + y)y' = 0 \quad y(1/2) = 0$

2. $(3y + 3e^x y^{2/3}) \, dx + x \, dy = 0$

(2)

5.- Razonar si son verdaderas o no las afirmaciones siguientes:

1. $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{2xy^2}{y^2 - 2x} = 0$

2. La derivada direccional de una función $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ en un punto es nula en cualquier dirección perpendicular al gradiente de la función en ese punto.

3. Si $z = \sin(2x + 3y)$ y $x = 2u + v, y = u - v$, entonces $\frac{\partial z}{\partial u} = 4 \cos(2x + 3y)$

4. El plano tangente a la superficie $z = x^2 - 2xy - y^2 - 8x + 4y$ en el punto $P(3, -1, -14)$ es horizontal.

5. Si $f(x, y)$ es una función continua, entonces $\int_1^2 \int_1^{x^2} f(x, y) \, dx \, dy = \int_{\sqrt{y}}^2 \int_1^2 f(x, y) \, dx \, dy$

(2.5)